

問題 1

l 上の 10 点から 4 点を選ぶと、それに対応して長方形が 1 つに決まる (網目部).

$$\rightarrow {}_{10}C_4 = 210 \text{ (個)}$$

問題 2

\triangle の向き

1 辺 1 \cdots 36 個, 1 辺 2 \cdots 28 個, 1 辺 3 \cdots 21 個, 1 辺 4 \cdots 15 個,

1 辺 5 \cdots 10 個, 1 辺 6 \cdots 6 個, 1 辺 7 \cdots 3 個, 1 辺 8 \cdots 1 個 計 120 個

(別の考え方★) l 上の 10 点から 3 点を選ぶと、それに対応して \triangle が 1 つに決まる (網目部).

$$\rightarrow {}_{10}C_3 = 120 \text{ (個)}$$

∇ の向き

1 辺 k の ∇ (太線部) は, 1 辺 $2k$ の \triangle の中に 1 ずつ個できる (網目部) から,

1 辺 1 \cdots 28 個, 1 辺 2 \cdots 15 個, 1 辺 3 \cdots 6 個, 1 辺 4 \cdots 1 個 計 50 個

よって答えは, $120 + 50 = 170$ (個)

問題 3

l 上の 11 点から 4 点を選び, 順に A, B, C, D とする.

C の左隣りの点を C' とし, A, C', D の 3 点で (問題 2 の \triangle 向きの個数を考えた★と同様に) 網目の三角形をきめると, B の位置に応じて, 網目の三角形も含め, この三角形に内接する正三角形 (太点線) がすべてきまる.

よって答えは, ${}_{11}C_4 = 330$ (個)